ОБРАЗОВАТЕЛЬНАЯ ПРОГРАММА
09.03.04 Программная инженерия

Аннотация рабочей программы

дисциплины «Вычислительная математика»

Общая трудоемкость дисциплины составляет 4 зач. единицы, 144 часа, форма промежуточной аттестации – *дифференцированный зачет*.

Программой дисциплины предусмотрены лекционные (*34 часа*), лабораторные занятия (*34 часа*), самостоятельная работа обучающегося составляет 76 часов.

Учебным планом предусмотрено 2 ИДЗ.

Дисциплина предусматривает изучение следующих основных разделов:

Метод Гаусса для решения систем линейных алгебраических уравнений (СЛАУ). Прямой и обратный ход метода Гаусса. Применение метода Гаусса. Решения СЛАУ с произвольным числом правых частей и одной и той же матрицей коэффициентов при неизвестных.

Интерполирование функций. Понятие интерполяции. Понятие интерполяционного многочлена. Интерполяционный многочлен Лагранжа. Понятие и свойства разделенных и конечных разностей. Интерполяционный многочлен Ньютона. Относительная и абсолютная погрешность вычисления.

Численное интегрирование. Постановка задачи. Квадратурная формула: понятие и свойства. Формула центральных прямоугольников. Формула трапеций. Формула парабол (Симпсона). Погрешность интегрирования. Принцип Рунге для оценки погрешности. Квадратурная формула Гаусса.

Численное дифференцирование. Постановка задачи. Двух- трех- четырехточечные формулы производной функции.

Приближенное решение обыкновенных дифференциальных уравнений. Понятие ДУ, решения ДУ, начальных условий, интегральной кривой. Постановка задачи Коши. Метод последовательного дифференцирования для приближенного решения задачи Коши. Численные методы решения задачи Коши: метод Эйлера, метод Эйлера-Коши, модифицированный метод Эйлера, метод Рунге-Кутты. Численное решение нормальных систем ДУ.

Одномерная минимизация функций. Постановка задачи. Понятие локального и глобального минимума функции. Понятие унимодальности функции, нахождение отрезков унимодальности функции. Методы минимизации функции: оптимальный пассивный поиск, метод деления отрезка пополам, метод чисел Фибоначчи, метод золотого сечения.

Многомерная минимизация функций. Постановка задачи. Понятие локального и глобального минимума функции. Понятие градиента функции. Минимизация функции многих переменных методом градиента с дроблением шага. Метод наискорейшего спуска. Решение системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными методом Ньютона. Постановка задачи. Выбор начального приближения к решению системы. Линеаризация системы двух нелинейных уравнений с двумя неизвестными.

Решения нелинейных уравнений с одним неизвестным. Понятие корня уравнения. Локализация корня. Теоремы существования и единственности корня. Метод хорд: условия применимости, неподвижная и подвижная точки, алгоритм. Метод касательных: условия применимости, неподвижная и подвижная точки, алгоритм. Комбинированный метод: условие применения, алгоритм.

Методом итераций для решения СЛАУ. Норма вектора и норма матрицы. Первая норма, вторая норма, бесконечная норма матрицы и вектора: понятие и вычисление. Метод простой итерации: алгоритм, условие сходимости, правило остановки. Оценка погрешности решения.

Собственные числа и собственные векторы матрицы. Понятие собственного числа и собственного вектора матрицы. Степенной метод приближенного вычисления: алгоритм. Степенной метод со сдвигами.

Аппроксимация данных. Постановка задачи. Метод наименьших квадратов: алгоритм. Оценка качества аппроксимации.